

Cet algorithme est construit sur l'identité :

$$(a + b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

La première opération consiste à découper le nombre en tranches de trois chiffres à partir de la droite ; le nombre de tranches donnera le nombre de chiffres à la racine. Ceci est justifié par le fait que le cube d'un nombre compris entre 0 et 9 est compris entre 0 et 999.

Le procédé est alors le suivant, en prenant le deuxième exemple que propose Bhāskara : 19683.

Comme on peut faire deux tranches, une complète : 683 et une incomplète : 19, la racine comporte deux chiffres, donc :

$$\begin{aligned} 19683 &= (10d + u)^3 \\ &= 10^3 d^3 + 3 \times 10^2 d^2 u + 3 \times 10 d u^2 + u^3 \end{aligned}$$

Et il s'agit de déterminer d et u .

On soustrait de 19 le plus grand cube possible : 8, on obtient ainsi d^3 , la racine cubique a donc pour premier chiffre 2. On a alors :

$$19683 - 8000 = 3 \times 10^2 d^2 u + 3 \times 10 d u^2 + u^3 = 11683$$

116 représente alors le nombre de centaines produit par $3 \times 10^2 d^2 u$ augmenté du nombre de centaines produit par $3 \times 10 d u^2 + u^3$. Donc, en divisant 116 par $3d^2$, ici $3 \times 2^2 = 12$, on obtiendra le chiffre u des unités que l'on cherche plus un reste correspondant au nombre de centaines produit par $3 \times 10 d u^2 + u^3$. Il n'est pas possible de connaître ce reste a priori et il faut essayer des quotients successifs dans la division, le commentateur nous met en garde : « la division doit être faite en considérant le travail qui reste », c'est-à-dire qu'il faut pouvoir encore soustraire $3 \times 10 d u^2 + u^3$. Ici, le quotient de 116 par 12 est normalement 9 mais il s'avère être trop grand en considérant les soustractions qui restent à faire, il faut prendre 7, ce qui revient à écrire :

$$11683 = (12 \times 7 + 32) \times 10^2 + 83 = 3 \times 10^2 \times 2^2 \times 7 + 3 \times 10 \times 2 \times 7^2 + 7^3$$

ou, en simplifiant de chaque côté par $3 \times 4 \times 7 \times 10^2$:

$$32 \times 10^2 + 83 = 3 \times 10 \times 2 \times 7^2 + 7^3.$$

La fin de la procédure revient à vérifier qu'en soustrayant $3 \times 10 \times 2 \times 7^2$ puis 7^3 il ne reste rien.